# **UFBA**

SUPERINTENDÊNCIA ACADÉMICA SECRETARIA GERAL DE CURSOS PROGRAMA DE DISCIPLINA INSTITUTO DE MATEMÁTICA

Nome e código do componente curricular:				Departamento:	Carga	Carga horária: 68	
Grupos e Anéis II. MATB36				Matemática	T: 6	68 P:00 E:00	
Modalidade: Disciplina	Função: Básic o	Natureza: Obrigatória para o Bacharelado e optativa para a Licenciatura.	Pré-	Pré-requisito: Módulo de aluno MATB35 40			

#### Ementa:

Ações de grupo; Produto Direto e Semi-direto; Grupos Abelianos; Teoremas de Sylow; Grupos Simples, Nilpotentes e Solúveis. Noções sobre a Teoria das Representações. Operações com ideais; Anéis Noetherianos; Decomposição Primária; Anéis de polinômios em várias variáveis; Polinômios Simétricos; Base de Groebner; Algoritmo de Buchberger; Aplicações de bases de Groebner.

### Metodologia:

Aulas Expositivas e aulas de exercícios.

## Conteúdo programático:

- 1. Grupos
  - 1.1. Ações de grupos
    - 1.2. Produto direto e semi-direto de grupos
    - 1.3. Teorema fundamental da decomposição de grupos abelianos finitamente gerados.
    - 1.4. Teoremas de Sylow e aplicações
    - 1.5. Grupos simples, séries normais e subnormais.
    - 1.6. Grupos nilpotentes e grupos solúveis.
    - 1.7. Noções sobre representação de grupos.
- 2. Anéis
  - 2.1. Anéis comutativos e Noetherianos
  - 2.2. Ideais e operações com ideais (interseção, soma, produto, quociente, radical)
  - 2.3. Ideais primos, máximos, e ideais primários
  - 2.4. Decomposição primária.
  - 2.5. Anéis de polinômios sobre um anel: inversibilidade e nilpotência.
  - 2.6. Anéis de polinômios em várias variáveis sobre um corpo
  - 2.7. Resultante, discriminante de um polinômio e aplicações: teorema de (interseção) Bezout
  - 2.8. Polinômios simétricos e aplicações: teorema fundamental e relações de Girard
  - 2.9. Teorema de base de Hilbert
  - 2.10. Pseudo-divisão e o problema da pertinência
  - 2.11. Ideais monomiais e bases de Groebner.
  - 2.12. Algoritmo de Buchberger
  - 2.13. Aplicações de bases de Groebner usando o programa Singular.

## Bibliografia principal:

- GARCIA, A., LEQUAIN, Y., Álgebra: Um Curso de Introdução, Projeto Euclides, SBM.
- GONÇALVES, A., Introdução à Álgebra, Projeto Euclides, SBM.
- HEFEZ, Abramo, Curso de Álgebra, Vol. 1, Coleção Matemática Universitária, IMPA, 1193.
   Complementar
- MONTEIRO, L. H. Jacy, Elementos de Álgebra, Coleção Elementos de Matemática, IMPA, 1970.
- DEAN, R. A., Elementos de Álgebra Abstrata, Livros Técnicos e Científicos Editora S.A., 1974.
- VAINSENCHER, I., Introdução as curvas algébricas planas, Coleção Matemática Universitária, IMPA,1996

Aprovação pelo Departamento de Matemática da UFBA.				
Data:	Chefe do Departamento:			