# **UFBA**

SUPERINTENDÊNCIA ACADÊMICA SECRETARIA GERAL DE CURSOS

## PROGRAMADE DISCIPLINA

INSTITUTO DE MATEMÁTICA

| Nome e código do componente curricular:          |         |             |  | Departamento: | Carga horária: 102 |
|--------------------------------------------------|---------|-------------|--|---------------|--------------------|
| Integrais e Funções de Várias Variáveis - MATB37 |         |             |  | Matemática    | T: 68 P:34 E:00    |
| Modalidade:                                      | Função: | Natureza:   |  | requisitos:   | Módulo de alunos:  |
| Disciplina                                       | Básic o | Obrigatória |  | ATB33; MATB34 | 40                 |

#### Ementa:

Primitivas e integral indefinida de uma função real de uma variável. Integral de Riemann. Integral imprópria. Funções vetoriais de uma variável real — Curvas parametrizadas no plano e no espaço. Limite, continuidade e derivadas de funções reais de várias variáveis.

## Objetivo geral:

- Estudar a integral de Riemann na reta real.
- Generalizar os conceitos de limite, continuidade e derivada.

### Habilidades e competências:

O aluno deverá ser capaz de:

- Compreender o conceito de Integral de Riemann de funções definidas em intervalos.
- Compreender a relação da Integral de Riemann com o conceito de primitiva de uma função.
- Demonstrar, manejar e aplicar as propriedades básicas de Integração.
- Analisar a continuidade e a diferenciabilidade de aplicações de várias variáveis.
- Relacionar as derivadas parciais de uma função de várias variáveis, o gradiente e as derivadas direcionais com a diferencial desta função.
- Definir derivadas parciais de ordem superior e enunciar o teorema de Schwartz.

#### Metodologia:

Aulas expositivas.

## Conteúdo programático:

- 1. Primitivas e integral indefinida.
- 1.1. Definição, propriedades e exemplos da primitiva de uma função real de uma variável.
- 1.2. Primitivas imediatas.
- 1.3. Mudança de variável
- 1.4. Integração por partes.
- 1.5. Integrais de funções racionais.
- 2. Integral de Riemann.
- 2.1. Definição de Integral de Riemann de funções limitadas definidas em um intervalo compacto.
- 2.2. Exemplo de funções não integráveis à Riemann.
- 2.3. Propriedades e teoremas básicos.
- 2.4. Teorema fundamental do Cálculo.
- 2.5. Mudança de variável.
- 2.6. Definição, propriedades e exemplos de integrais impróprias.
- 2.7. Aplicações das integrais.

## Conteúdo programático:

- 3. Funções de R em R<sup>m</sup>. Curvas no plano e no espaço.
- 3.1. Limite e continuidade.
- 3.2. Derivada.
- 3.3. Reta tangente e plano normal a uma curva do espaço.
- 3.4. Comprimento de arco.
- 4. Funções de R<sup>n</sup> em R.
- 4.1. Gráficos e conjuntos de nível.
- 4.2. Limite e continuidade.
- 4.3. Derivadas parciais.
- 4.4. Funções diferenciáveis.
- 4.5. Plano tangente e reta normal.
- 4.6. Derivadas parciais de ordem superior e o teorema de Schwartz.
- 4.7. Derivadas direcionais e o vetor gradiente.
- 4.8. Regra da cadeia
- 4.9. Generalizações para aplicações do R<sup>n</sup> no R<sup>m</sup>

## Bibliografia principal:

- GUIDORIZZI, Hamilton Luiz, Um Curso de Cálculo, volumes 1 e 2. LTC EDITORA.
- THOMAS, George B., Cálculo, volumes 1 e 2, MAKRON BOOKS.
- SWOKOWSKI, Earl W., Cálculo com Geometria Analítica, volumes 1 e 2, MAKRON BOOKS.
- PISKOUNOV, N., Cálculo Diferencial e Integral, volumes 1 e 2, EDITORIAL MIR.

## Bibliografia complementar:

COURANT, R., Differential and Integral Calculus, NORDEMAN PUBLISHING COMPANY, INC.

LIMA, Elon Lages, Curso de Análise, volumes 1 e 2, Coleção Projeto Euclides, IMPA.

| Aprovação pelo Departamento de Matemática da UFBA. |                        |  |
|----------------------------------------------------|------------------------|--|
| Data:                                              | Chefe do Departamento: |  |